



La 3ème identité remarquable

Rappels :

À l'aide de la formule de double distributivité, on a appris à développer des produits comme dans l'exemple suivant.

On peut se servir d'un tableau ou de flèches pour éviter les erreurs de signe.

$$A = (3x + 4)(5x - 2)$$

$$A = 15x^2 - 6x + 20x - 8$$

$$A = 15x^2 + 14x - 8$$

×	$5x$	-2
$3x$	$15x^2$	$-6x$
4	$20x$	-8

Développe les expressions suivantes :

$$B = (-3 + 8a)(2a - 4)$$

$$B =$$

$$B =$$

$$C = (9a - 2)(3a - 6)$$

$$C =$$

$$C =$$

$$D = (2x - 11)(2x + 11)$$

$$D =$$

$$D =$$

$$E = (x - 2)(x + 2)$$

$$E =$$

$$E =$$

$$F = (3a + 6)(3a - 6)$$

$$F =$$

$$F =$$

Que constates-tu sur les derniers exemples ?

Propriété : Soient a et b deux nombres relatifs, on a l'égalité suivante :

$$(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$$

Forme factorisée

Forme développée

Démonstration : prenons a et b deux nombres relatifs

$$(a + b)(a - b) = a \times a + a \times (-b) + b \times a - b \times b \quad \text{d'après la double distributivité}$$

$$= a^2 - ab + ab - b^2$$

on réduit les produits

$$= a^2 - b^2$$

$$\text{car } ab - ab = 0$$

$$\text{Donc } (a + b)(a - b) = a^2 - b^2$$

Remarque : $(a + b)(a - b) = (a - b)(a + b)$

Développer à l'aide de la 3^{ème} identité remarquable

Exemples : Développer les expressions suivantes :

$A = (3x - 5)(3x + 5)$	On reconnaît $(a - b)(a + b)$ avec $a = 3x$ et $b = 5$
$A = (3x)^2 - 5^2$	On utilise la forme développée $a^2 - b^2$
$A = 9x^2 - 25$	On calcule les carrés.

$B = (7x - 4)(7x + 4)$	$a =$
$B =$	$b =$
$B =$	
$C = (6 - 2x)(6 + 2x)$	$a =$
$C =$	$b =$
$C =$	
$D = (9a + 2)(9a - 2)$	$a =$
$D =$	$b =$
$D =$	
$E = (12 + 6x)(12 - 6x)$	$a =$
$E =$	$b =$
$E =$	
$F = (10x - 8)(10x + 8)$	$a =$
$F =$	$b =$
$F =$	



Questions flash :



- 1)
- 2)
- 3)
- 4)
- 5)



- 6)
- 7)
- 8)
- 9)
- 10)

Factoriser à l'aide de la 3ème identité remarquable

Exemple corrigé :

$A = 4x^2 - 36$	On cherche à reconnaître $a^2 - b^2$
$A = (2x)^2 - 6^2$	On écrit comme différence de deux carrés $a = 2x$ et $b = 6$
$A = (2x - 6)(2x + 6)$	On utilise la forme factorisée $(a - b)(a + b)$

$B = 9x^2 - 16$	$a =$
$B =$	$b =$
$B =$	
$C = 49 - 25y^2$	$a =$
$C =$	$b =$
$C =$	
$D = 64x^2 - 144$	$a =$
$D =$	$b =$
$D =$	
$E = 100 - 121x^2$	$a =$
$E =$	$b =$
$E =$	
$F = 81x^2 - 4$	$a =$
$F =$	$b =$
$F =$	



Questions flash :

- 1)
- 2)
- 3)
- 4)
- 5)



- 6)
- 7)
- 8)
- 9)
- 10)

Pour aller plus loin :

Exemples corrigés : factoriser des expressions plus complexes

$A = (3x + 2)^2 - 49$	On cherche à reconnaître $a^2 - b^2$.
$A = (3x + 2)^2 - 7^2$	On écrit comme différence de deux carrés avec $a = (3x + 2)$ et $b = 7$.
$A = (3x + 2 - 7)(3x + 2 + 7)$	On utilise la forme factorisée $(a - b)(a + b)$
$A = (3x - 5)(3x + 9)$	On réduit à l'intérieur des parenthèses.

Parfois, on doit soustraire une expression entre parenthèses : on se rappelle que soustraire une somme algébrique, c'est soustraire chacun des termes de la somme.

$C = 4 - (3x + 5)^2$	On cherche à reconnaître $a^2 - b^2$.
$C = 2^2 - (3x + 5)^2$	On écrit comme différence de deux carrés avec $a = 2$ et $b = (3x + 5)$.
$C = [2 - (3x + 5)] \times [2 + (3x + 5)]$	On utilise la forme factorisée $(a - b)(a + b)$.
$C = (2 - 3x - 5) \times (2 + 3x + 5)$	On utilise les propriétés étudiées au chapitre « suppression de parenthèses ».
$C = (-3x - 3) \times (3x + 7)$	On réduit à l'intérieur des parenthèses.

Application au calcul mental

$ \begin{aligned} 101 \times 99 &= (100 + 1)(100 - 1) \\ &= 100^2 - 1^2 \\ &= 10\,000 - 1 \\ &= 9\,999 \end{aligned} $	$ \begin{aligned} 31 \times 29 &= (30 + 1)(30 - 1) \\ &= 30^2 - 1^2 \\ &= 900 - 1 \\ &= 899 \end{aligned} $
---	--